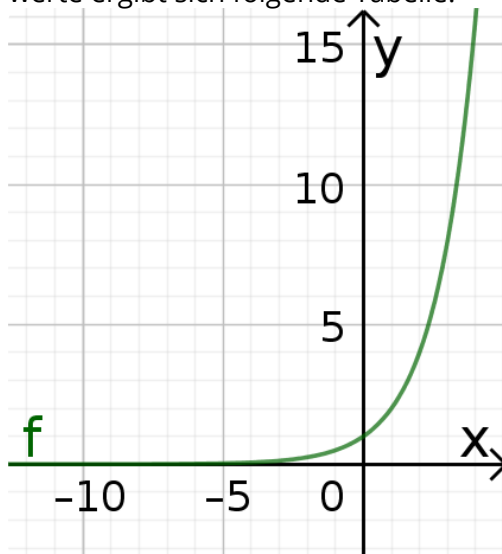


Zusammenfassung: Graphen von Exponentialfunktionen

Waagrechte Asymptoten

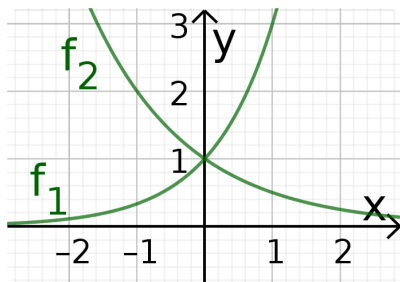
Das Schaubild zeigt den Graphen der Funktion f mit $f(x) = 2^x$. Für einzelne Funktionswerte ergibt sich folgende Tabelle:



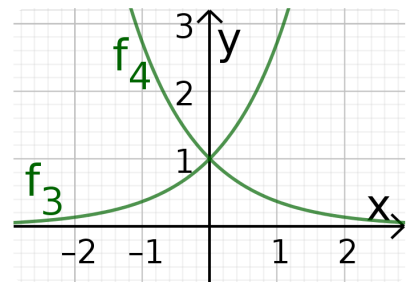
x	-10	-5	-2	-1	0	1
f(x)						

Wird x um 1 *kleiner*, so sich der Funktionswert jeweils. Deshalb nähert sich der Graph von f für $x \rightarrow -\infty$ der Geraden mit Gleichung , berührt sie aber nie. Diese Gerade ist die **Asymptote** des Graphen.

Auf welcher Seite wird sich der Asymptote genähert?



$$\begin{aligned} f_1(x) &= 3^x \\ f_2(x) &= 0.5^x \\ f_3(x) &= e^x \\ f_4(x) &= e^{-x} \end{aligned}$$



Für Funktionen der Form $f(x) = p^x$ gilt:

Ist $p > 1$, so nehmen die Funktionswerte für $x \rightarrow$ ab. Der Graph nähert sich der Asymptote also auf der Seite. Sonst nehmen die Funktionswerte für

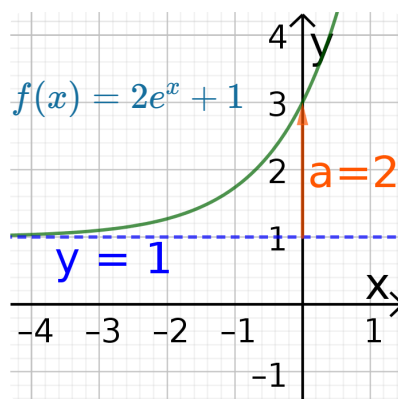
$x \rightarrow$ ab. Der Graph nähert sich der Asymptote also auf der Seite.

Für Funktionen der Form $f(x) = e^{kx}$ folgt daraus nach den Potenzgesetzen:

Der Graph nähert sich der Asymptoten für $x \rightarrow -\infty$, wenn ist, und für $x \rightarrow \infty$ sonst.

Graphen von Funktionen der Form $f(x) = a \cdot e^{\pm x} + d$

Der Graph der Funktion f mit $f(x) = a \cdot e^x + d$ besitzt die Asymptote mit der Gleichung $y = d$. Er schneidet die y -Achse im Punkt $Y(0|a+d)$. Er nähert sich seiner Asymptoten für $x \rightarrow -\infty$ an.



Der Graph der Funktion f mit $f(x) = a \cdot e^{-x} + d$ besitzt die Asymptote mit der Gleichung $y = d$. Er schneidet die y -Achse im Punkt $Y(0|a+d)$. Er nähert sich seiner Asymptoten für $x \rightarrow \infty$ an.

- ① Die abgebildeten Graphen gehören jeweils zu einer Funktion f mit $f(x) = a \cdot e^{\pm x} + d$. Geben Sie jeweils den y -Achsen Schnittpunkt Y , die Gleichung der Asymptoten und die Funktionsgleichung an.

a) $Y(\quad|\quad)$, Asymptote $y = \quad$

$\Rightarrow a = \quad; d = \quad$

$\Rightarrow f(x) = \quad e^{\quad x} \quad$

b) $Y(\quad|\quad)$, Asymptote $y = \quad$

$\Rightarrow a = \quad; d = \quad$

$\Rightarrow f(x) = \quad e^{\quad x} \quad$

c) $Y(\quad|\quad)$, Asymptote $y = \quad$

$\Rightarrow a = \quad; d = \quad$

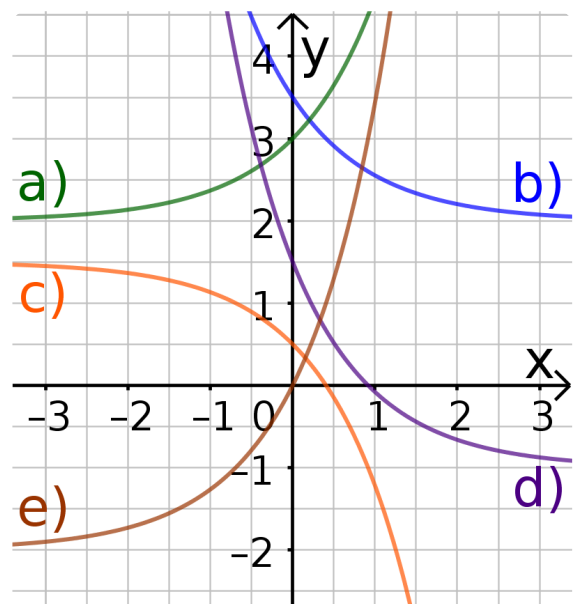
$\Rightarrow f(x) = \quad e^{\quad x} \quad$

d) $Y(\quad|\quad)$, Asymptote $y = \quad$

$\Rightarrow a = \quad; d = \quad \Rightarrow f(x) = \quad e^{\quad x} \quad$

e) $Y(\quad|\quad)$, Asymptote $y = \quad$

$\Rightarrow a = \quad; d = \quad \Rightarrow f(x) = \quad e^{\quad x} \quad$



- ② Abgebildet sind die Graphen der Funktionen f mit $f(x) = 2e^x - 1$ und g mit

$$g(x) = 2e^x - 0,5x - 1.$$

Der Graph von g besitzt eine sogenannte **schiefe Asymptote**. Erklären Sie, wie es dazu kommt.

