Rechenregeln für unbestimmte Integrale

| Potenzregel der Differentialrechnung $(x^n)'=n\cdot x^{n-1}\ (n\in\mathbb{Z},n eq 0)$ | Potenzregel der Integralrechnung $\int x^n dx = rac{x^{n+1}}{n+1} + C \ (n \in \mathbb{Z}, n eq -1)$ |
|---|---|
| Summenregel der Differentialrechnung Man kann eine Summe gliedweise differenzieren: $(f(x)+g(x))'=f'(x)+g'(x)$ | Summenregel der Integralrechnung Man kann eine Summe gliedweise integrieren: $ \int (f(x) + g(x)) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx = F(x) + G(x) $ |
| Faktorregel der Differentialrechnung Ein konstanter Faktor bleibt beim Differenzieren erhalten: $(a\cdot f(x))'=a\cdot f'(x)$ | Faktorregel der Integralrechnung Ein konstanter Faktor bleibt beim Integrieren erhalten: $ \int a \cdot f(x) dx $ $= a \cdot \int f(x) dx $ $= a \cdot F(x) $ |
| Kettenregel der Differentialrechnung (lineare innere Funktion) Für $a,b\in\mathbb{R}$ gilt: $(f(ax+b))'=f'(ax+b)\cdot a$ | Kettenregel der Integralrechnung (lineare innere Funktion) Für $a,b\in\mathbb{R},a eq 0$ gilt: $\int f(ax+b)dx=	frac{1}{a}\cdot F(ax+b)$ |

Mathematik Seite 1/2

Übungsaufgaben

Zur **Probe** einfach wieder ableiten!

(1) Berechnen Sie die unbestimmten Integrale.

a)
$$\int x^6 dx$$

d)
$$\int (4x^2+2x)dx$$

d)
$$\int (4x^2+2x)dx$$
 g) $\int (2x+rac{1}{x})\cdot x\ dx$

b)
$$\int 6x^2 dx$$

e)
$$\int (2x^3-4x+1)dx$$
 h) $\int (ax^2+6x)dx$

h)
$$\int (ax^2+6x)dx$$

c)
$$\int (2x+3)^3 dx$$
 f) $\int 3x^{-2} dx$

f)
$$\int 3x^{-2}dx$$

i)
$$\int (x+rac{3}{x^2})dx$$

2 Ordnen Sie jeder Funktion f eine passende Stammfunktion F zu.

f

II
$$2x-4$$

I $8x^3-3$

III $(x+2)^2$

IV $3(x^2-2x^3)$

VI $\frac{x^2-9}{x-3}$

V $2x-\frac{1}{x^2}$

$$C 2x^4 - 3x + 2$$

$$A x^3 - \frac{3}{2}x^4 - 2$$

$$D (x - 2)^2 F x^2 + \frac{1}{x} + C$$

$$B \frac{1}{2}x^2 + 3x$$

$$E 2x^2 + 4x + \frac{1}{3}x^3 + C$$

§(3) Wo steckt der Fehler?

In den folgenden Rechnungen ist jeweils ein Fehler enthalten.

Finden Sie die Fehler und korrigieren Sie sie.

a)
$$\int rac{6}{x^2} dx = \int 6 \cdot x^{-2} dx = 6 \cdot \int x^{-2} dx = 6 \cdot rac{x^{-3}}{-3} + C = rac{-2}{x^3} + C$$

b)
$$\int (2x+1)^2 dx = rac{(2x+1)^3}{3} + C$$

c)
$$\int (3x^2 + 2a)dx = x^3 + 2a + C$$

d)
$$\int (3x^2+2a)da=x^3+2ax+C$$

Seite 2/2 Mathematik